

Олимпиада «Phystech.International» по физике

Декабрь 2017 года

Класс 09

Шифр 06-009

(заполняется секретарём)

Вариант 09-03

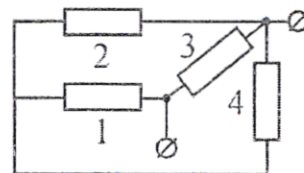
1 Первый вагон поезда прошел мимо наблюдателя, стоящего на платформе, за $\tau_1 = 1$ с, а второй - за $\tau_2 = 1,5$ с. Длина каждого вагона $L = 12$ м. Найдите скорость V_0 поезда в начале наблюдения. Поезд движется по прямой равнозамедленно.

2 Начальная скорость камня, брошенного под углом к горизонту, равна $V_0 = 10$ м/с, а через $\tau = 0,5$ с величина скорости камня уменьшилась до $V = 7$ м/с. Через какое время T после старта камень находился на максимальной высоте? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

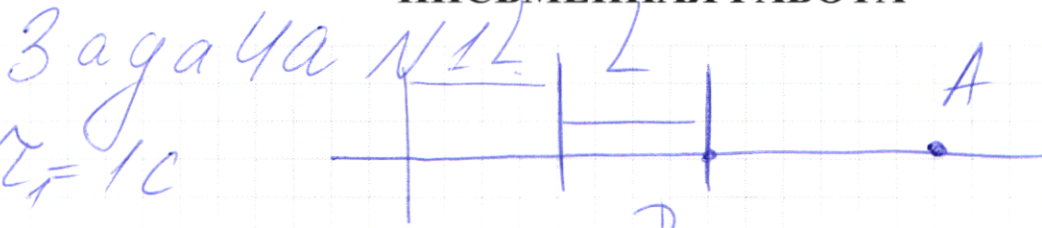
3 Подвешенному на нити шарик сообщили начальную скорость в горизонтальном направлении. В тот момент, когда нить отклонилась на угол $\alpha = 30^\circ$ от вертикали, ускорение шарика направлено горизонтально. Какой угол α_{\max} с вертикалью будет образовывать нить в момент остановки шарика?

4 В очень легком калориметре находятся вода массой $M = 0,1$ кг и кусок льда массой $m = 0,05$ кг. Температура воды и льда $t_0 = 0^\circ\text{C}$, температура окружающей среды $t_1 = 20^\circ\text{C}$. Из-за притока теплоты лед понемногу плавится – за $\tau = 5$ минут в воду превращается $m_1 = 1$ г льда. Какое время T пройдет (оценить) от момента полного плавления льда до увеличения температуры системы на $\Delta t = 1^\circ\text{C}$? Удельная теплота плавления льда $\lambda = 3,3 \cdot 10^5$ Дж/кг, удельная теплоемкость воды $c = 4200$ Дж/(кг·К).

5 Цепь, схема которой показана на рисунке, подключена к источнику постоянного напряжения $U = 18$ В. Сопротивление каждого резистора равно $r = 5$ Ом. Найдите мощность P_1 , рассеиваемую на резисторе 1.



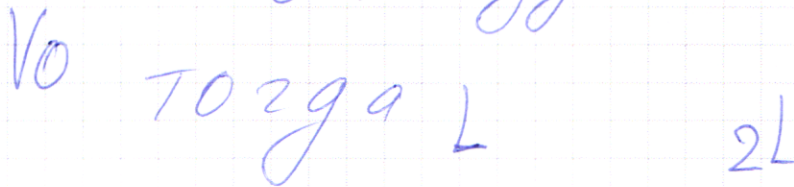
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$\tau_1 = 1c$

$\tau_2 = 1,5c$

$L = 12m$ поместим систему отсчета в поезд



\vec{V}_0 скорость в конце L
 $V = V_0 - at$

$$L = V_0 \tau_1 - \frac{a \tau_1^2}{2}$$

$$L = (V_0 \tau_1 - a \tau_1) \tau_2 - \frac{a \tau_2^2}{2}$$

$$L = V_0 \tau_1 - \frac{a \tau_1^2}{2} \Rightarrow a = \frac{2(V_0 \tau_1 - L)}{\tau_1^2} = \frac{2V_0}{\tau_1} - \frac{2L}{\tau_1^2}$$

$$L = V_0 \tau_2 - a \tau_1 \tau_2 - \frac{a \tau_2^2}{2}$$

$$L = V_0 \tau_2 - \left(\frac{2V_0}{\tau_1} - \frac{2L}{\tau_1^2} \right) \tau_1 \tau_2 - \frac{\tau_2^2}{2} \left(\frac{2V_0}{\tau_1} - \frac{2L}{\tau_1^2} \right)$$

$$L = V_0 \tau_2 - \left(2V_0 \tau_2 - 2L \frac{\tau_2}{\tau_1} \right) - \left(V_0 \frac{\tau_2^2}{\tau_1} - L \frac{\tau_2^2}{\tau_1^2} \right)$$

$$L = V_0 \tau_2 - 2V_0 \tau_2 + 2L \frac{\tau_2}{\tau_1} - V_0 \frac{\tau_2^2}{\tau_1} + L \frac{\tau_2^2}{\tau_1^2}$$

$$L = -V_0 \tau_2 + 2L \frac{\tau_2}{\tau_1} - V_0 \frac{\tau_2^2}{\tau_1} + L \frac{\tau_2^2}{\tau_1^2}$$

$$V_0 \left(\tau_2 + \frac{\tau_2^2}{\tau_1} \right) = 2L \frac{\tau_2}{\tau_1} + L \frac{\tau_2^2}{\tau_1^2} - L$$

$$V_0 \left(\tau_2 + \frac{\tau_2^2}{\tau_1} \right) = L \left(2 \frac{\tau_2}{\tau_1} + \frac{\tau_2^2}{\tau_1^2} - 1 \right)$$

$$V_0 = \frac{L \left(2 \frac{\tau_2}{\tau_1} + \frac{\tau_2^2}{\tau_1^2} - 1 \right)}{\tau_2 + \frac{\tau_2^2}{\tau_1}}$$

$$V_0 = \frac{12 \mu \left(2 \cdot \frac{4,5}{1} + \left(\frac{4,5}{1} \right)^2 - 1 \right)}{1,5 + 1,5}$$

$$V_0 = \frac{12 \left(3 + 2,25 - 1 \right)}{3}$$

$$V_0 = \frac{12 \left(4,25 \right)}{3} = 4 \cdot 4,25 \frac{\mu}{c} = 17 \frac{\mu}{c}$$

Ответ $17 \frac{\mu}{c}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

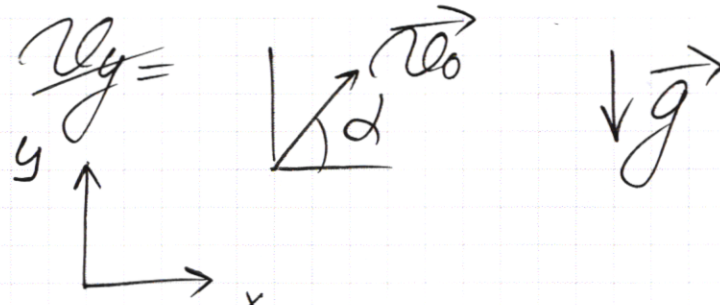
Задача 2.

$$V_0 = 10 \text{ м/с}$$

$$\tau = 0,5 \text{ с}$$

$$V = 7 \text{ м/с}$$

$$g = 10 \text{ м/с}^2$$



$$V_y = V_0 \sin \alpha - g \tau$$

$$V_x = V_0 \cos \alpha$$

$$V = \sqrt{V_x^2 + V_y^2} = \sqrt{V_0^2 \cos^2 \alpha - 2g\tau V_0 \sin \alpha + g^2 \tau^2 + V_0^2 \sin^2 \alpha}$$

$$V^2 = V_0^2 + g^2 \tau^2 - 2g\tau V_0 \sin \alpha$$

$$2g\tau V_0 \sin \alpha = V_0^2 - V^2 + g^2 \tau^2$$

$$\sin \alpha = \frac{V_0^2 - V^2 + g^2 \tau^2}{2g\tau V_0}$$

$$t_{\max} \text{ при } V_y = 0 = \frac{V_0 \sin \alpha}{g} = \frac{V_0}{g} \cdot \frac{V_0^2 - V^2 + g^2 \tau^2}{2g\tau V_0}$$

$$T = \frac{V_0^2 - V^2 + 2g^2 t^2}{2g^2 t}$$

$$T = \frac{V_0^2}{2g^2 t} - \frac{V^2}{2g^2 t} + t$$

$$T = \frac{10^2}{2 \cdot 10 \cdot 0,5} \text{ c} - \frac{7^2}{2 \cdot 10 \cdot 0,5} \text{ c} + 0,5 \text{ c}$$

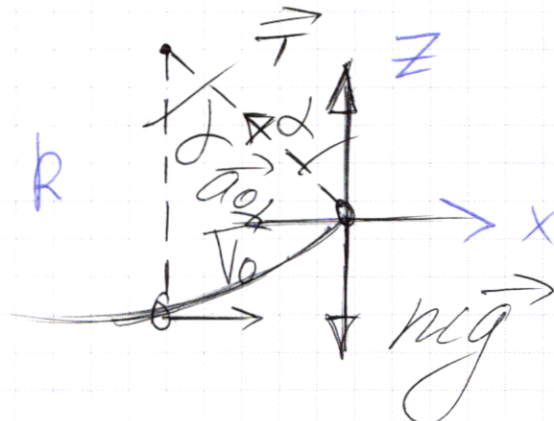
$$T = 1 - \frac{49}{100} + 0,5 \text{ c} =$$

$$= 1 - 0,49 + 0,5 \text{ c} = 0,51 + 0,5 = 1,01 \text{ c}$$

Ответ: 1,01 c.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача №3
 $\alpha = 30^\circ$



По

закону
сохр
энергии

$$\frac{m v_0^2}{2} = mgR(1 - \cos \alpha)$$

$$+ \frac{m v^2}{2}$$

Если $a_{\text{норм}} = -a_x$
то $a_z = 0$

$$\Rightarrow T \cos \alpha_0 = mg \quad (1)$$

$$a_{\text{max}} = T \sin \alpha_0 \quad (2)$$

Отсюда

$$\operatorname{tg} \alpha_0 = \frac{a_x}{g}$$

$$\underline{a_x = g \operatorname{tg} \alpha_0}$$

или

$$a_0 = \sqrt{a_x^2 + a_z^2} = \sqrt{\left(\frac{v_0^2}{R}\right)^2 + g^2 \sin^2 \alpha_0} = a_x$$

$$a_0 = a_x = g \operatorname{tg} \alpha_0 = \\ = \sqrt{\left(\frac{v_0^2}{R}\right)^2 + g^2 \sin^2 \alpha_0}$$

$$\left(\frac{v_0^2}{R}\right)^2 = g^2 \operatorname{tg}^2 \alpha_0 - g^2 \sin^2 \alpha_0$$

$$\frac{v_0^2}{R} = g \sin \alpha_0 \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \alpha_0} - 1}$$

Используя ЗС Энергии

$$\frac{m v_0^2}{2} = m g R (1 - \cos \alpha_0) + \frac{m v_0^2}{2}$$

$$\frac{m v_0^2}{2} = m g R (1 - \cos \alpha_0) + \frac{m}{2} g R \sin \alpha_0 \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \alpha_0} - 1}$$

$$v_0^2 = 2 g R (1 - \cos \alpha_0) + g R \sin \alpha_0 \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \alpha_0} - 1}$$

$$\frac{v_0^2}{R} = g \left(2(1 - \cos \alpha_0) + \sin \alpha_0 \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \alpha_0} - 1} \right)$$

для удобства вычленим
правую скобку

$$2 - \sqrt{3} + \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{3}} = 2 - \sqrt{3} + \frac{1}{2\sqrt{3}} =$$

$$= \frac{4\sqrt{3} - 2 + 1}{2\sqrt{3}} = \frac{4\sqrt{3} - 1}{2\sqrt{3}}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 3 продолжение

$$\frac{v_0^2}{R} = g \frac{4\sqrt{3}-1}{2\sqrt{3}}$$

Снова применим ЗСЭ

$$\frac{mv_0^2}{2} = mgR(1 - \cos\alpha) + \frac{mv_0^2}{2}$$

В крайнем положении $v=0$.

$$\frac{mv_0^2}{2} = mgR(1 - \cos\alpha)$$

$$\frac{v_0^2}{R} = 2g(1 - \cos\alpha)$$

Подставим

$$\frac{v_0^2}{R} \frac{4\sqrt{3}-1}{2\sqrt{3}} = 2g(1 - \cos\alpha)$$

Ответ $\cos\alpha = \frac{1}{4\sqrt{3}}$

$$4\sqrt{3}-1 = 4\sqrt{3}(1 - \cos\alpha)$$

$$1 - \cos\alpha = 1 - \frac{1}{4\sqrt{3}} \Rightarrow \cos\alpha = \frac{1}{4\sqrt{3}}$$

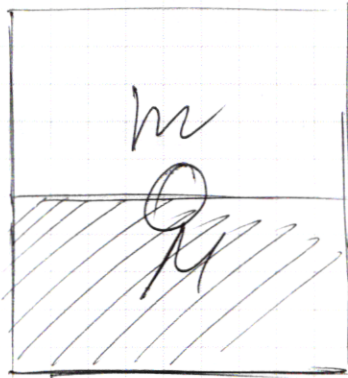
Зада N4.

$$M = 0,1 \text{ кг}$$

$$m = 0,05 \text{ кг}$$

$$t_0 = 0^\circ \text{C}$$

$$t_1 = 20^\circ \text{C}$$



$$t_1 = 20^\circ \text{C}$$

$\tau = 5 \text{ мин}$ Если считать

$$m_1 = 12$$

$$\Delta t = 1^\circ \text{C}$$

температуру окр.
среды не изменной

то найдем количество нагретого

$$m_1 \lambda = N \tau$$

$$N = \frac{m_1 \lambda}{\tau} = c_0 (M + m) \Delta t$$

После полного таяния льда

в калориметре остается

вода массой $M + m$.

Тогда

$$c_0 (M + m) \Delta t = N \tau$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача №4 Продолжение.

$$c\epsilon(M+m)\Delta t = N T$$

$$T = \frac{c\epsilon(M+m)\Delta t}{m_1 R}$$

$$T = \frac{4200 \frac{\text{Дж}}{\text{К}^2} (0,15 \text{ К}^2) \cdot 100 \cdot 300 \text{ с}}{0,001 \text{ К}^2 \cdot 3,3 \cdot 10^5 \frac{\text{Дж}}{\text{К}^2}}$$

$$T = 4200 \frac{0,15 \cdot 300}{0,001 \cdot 3,3 \cdot 10^5} \text{ с}$$

$$T = \frac{4,2 \cdot 10^3 \cdot 3 \cdot 10^2 \cdot 0,15}{0,001 \cdot 3,3 \cdot 10^5} \text{ с} =$$

$$= \frac{4,2 \cdot 3 \cdot 0,15}{0,001 \cdot 3,3} \cdot 10^3 \approx 0,6 \cdot 10^3 \text{ с} = 600 \text{ с}$$

Ответ 600 с.



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

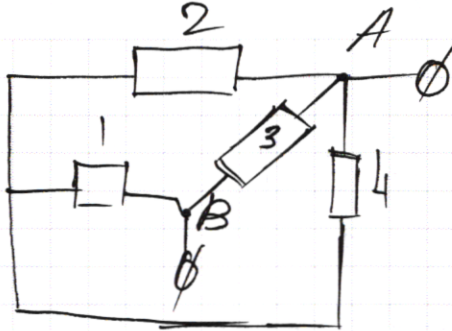
Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

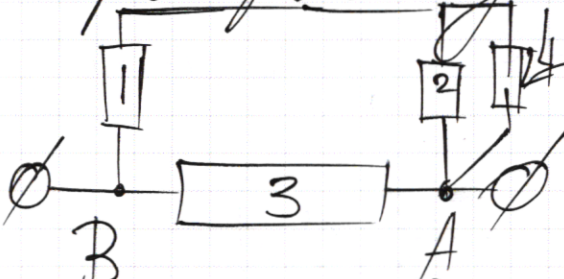
N 5.

$U = 18\text{В}$
 $r = 5\text{Ом}$

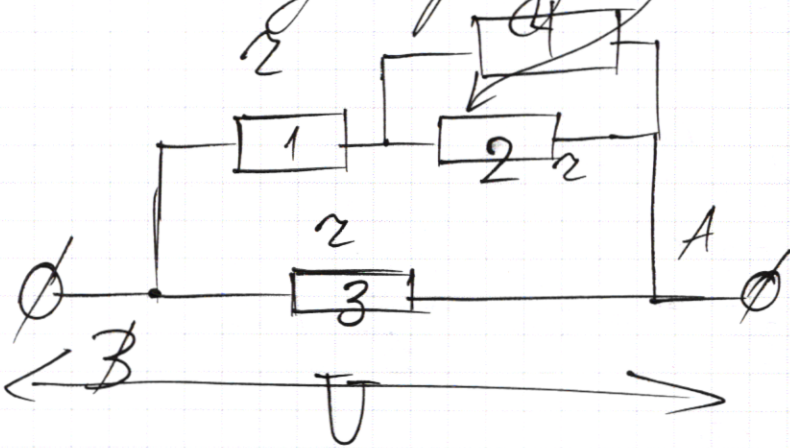
P_1



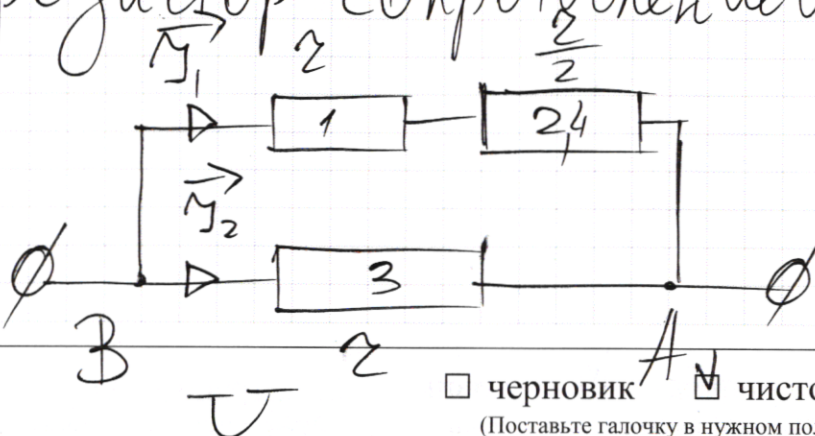
перестроим цепь



и еще раз



тогда объединим r_2 и r_4 в один резистор сопротивлением $\frac{r}{2}$.



Тогда

$$Y_1 \left(2 + \frac{2}{2} \right) = Y_2 2 = U$$

$$\frac{3}{2} Y_1 = Y_2 \quad (2)$$

$$U = (Y_1 + Y_2) \gamma_0 \quad (1)$$

γ_0 - сопротивление цепи

$$\gamma_0 = \frac{\frac{3}{2} 2 \cdot 2}{\frac{3}{2} 2 + 2} = \frac{3}{5} 2, \text{ тогда из (1)}$$

получаем $U = \frac{3}{5} 2 \left(\frac{5}{2} Y_1 \right)$

и $Y_1 = \frac{2}{3} \frac{U}{2}$

а мощность на $\gamma_1 = 2$

$$P_1 = Y_1^2 2 = \frac{4}{9} \frac{U^2}{2} = \frac{4}{9} \frac{(18)^2}{5} \text{ Вт}$$

$$= \frac{144}{5} \text{ Вт} = 28 \frac{4}{5} \text{ Вт.}$$

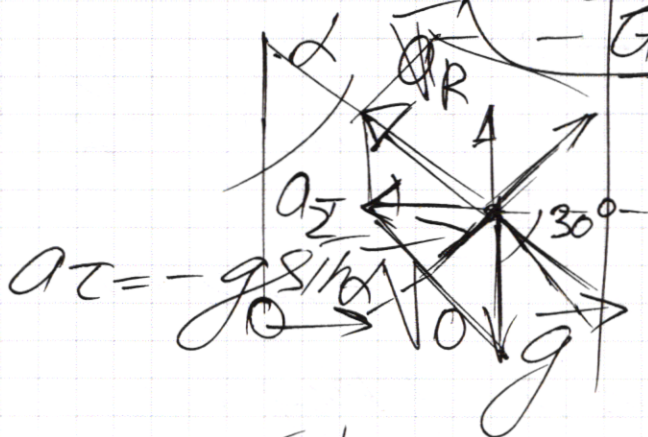
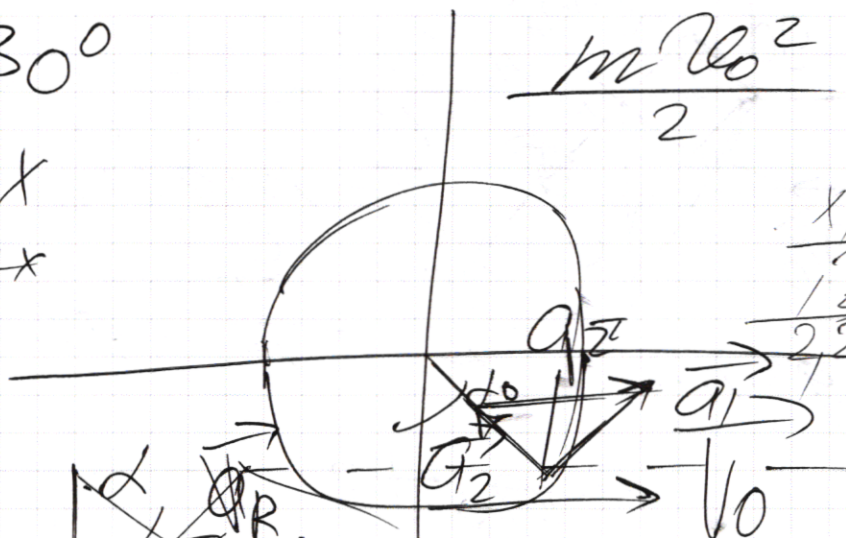
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\alpha = 30^\circ$$

$a \parallel x$
 α_{\max}

$$\frac{m v_0^2}{2} = \frac{m v_0^2}{2}$$

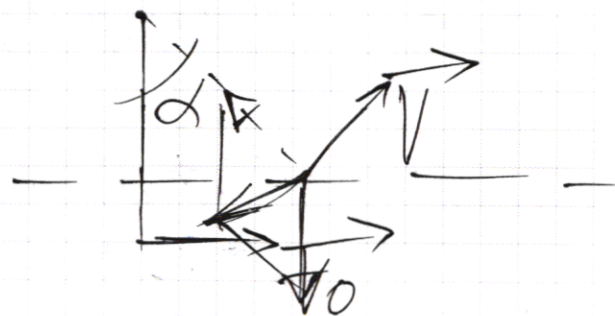
$$\begin{array}{r} 15 \\ \times 15 \\ \hline 225 \\ 15 \\ \hline 225 \end{array}$$



$$a = a(\alpha)$$

$$a(\alpha_0) = 0$$

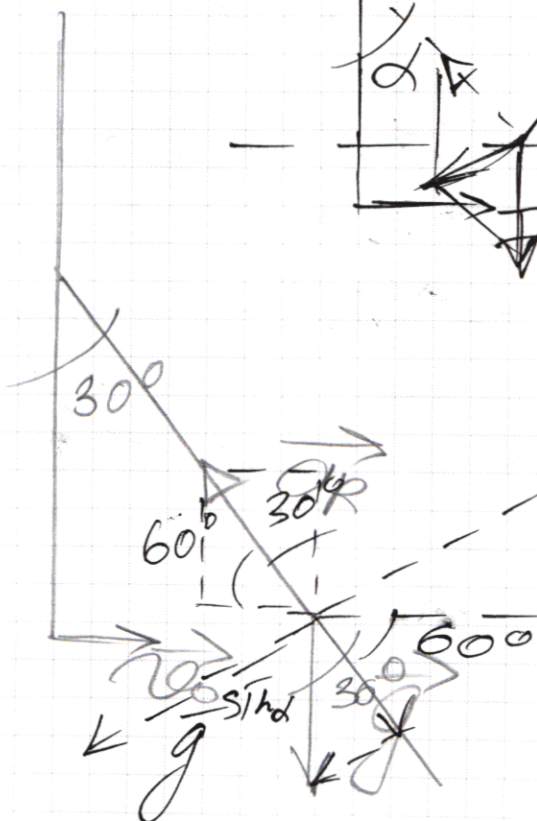
$$a_R = \frac{v_0^2}{R}$$

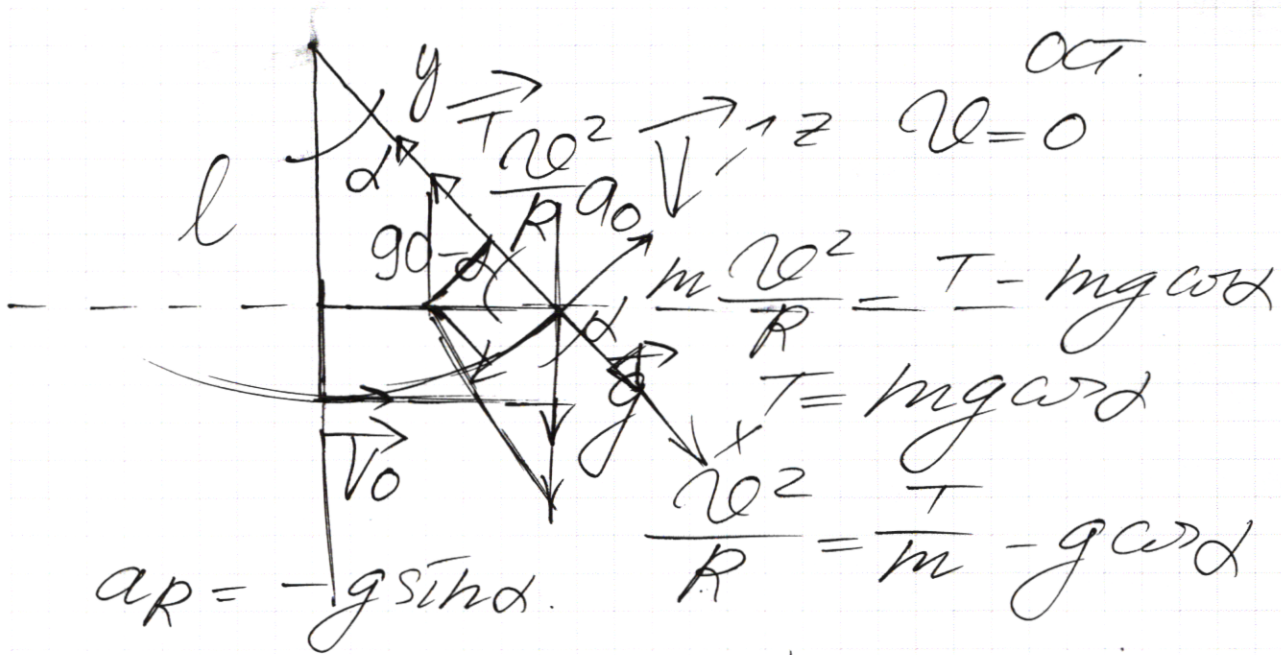


$$\frac{v_0^2}{R} \cos 60^\circ$$

$$\frac{v_0^2}{R} \sin \alpha = a_0$$

$$\frac{v_0^2}{R} \sin \alpha = a_0$$





$$\frac{T}{m} = g \cos \alpha$$

$$g \cos \alpha = g_x$$

$$\sqrt{\left(\frac{\omega^2 R}{R} + g \sin \alpha\right)^2} = \frac{\omega^2 R}{R} \sin \alpha$$

$$m a_0 = T - mg \cos \alpha$$

$$\frac{m \omega_0^2}{2} = mg l (1 - \cos \alpha)$$

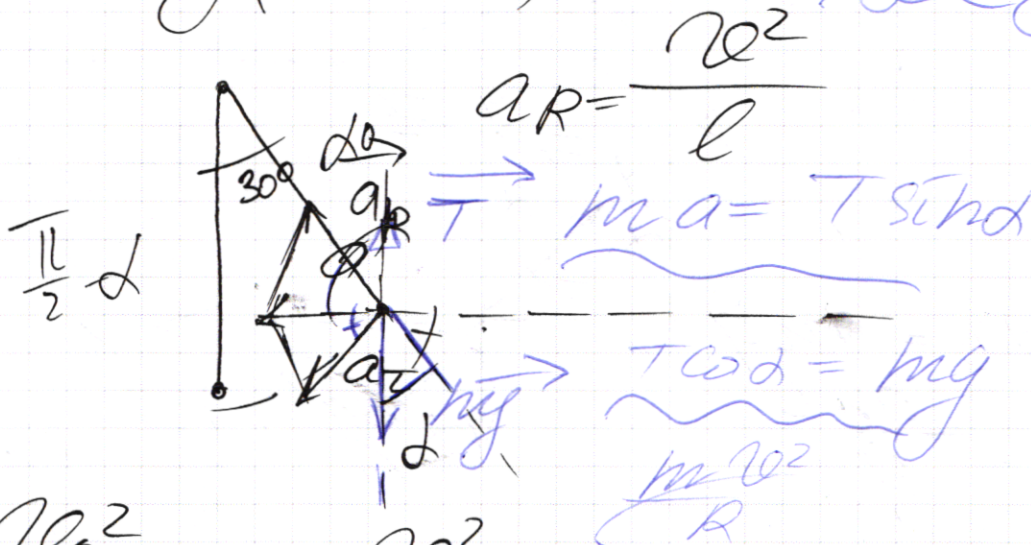
$$T = m a_0 + mg \cos \alpha$$

$$\frac{\omega_0^2}{2} = g l (1 - \cos \alpha)$$

$$\frac{\omega_0^2}{l} = 2g(1 - \cos \alpha)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{v_0^2}{l} = 2g(1 - \cos \alpha) \quad \text{tg} \alpha = \frac{g}{g}$$



$$\frac{m v_0^2}{2} = \frac{m v^2}{2} + mgl(1 - \cos \alpha)$$

$$a_0 = a_R \cos 60 + a_\tau \cos 30$$

$$a_\tau = -g \sin \alpha$$

$$a_R = \frac{v^2}{R}$$

$$\left(\frac{v_0^2}{R}\right)^2 = g^2 \text{tg}^2 \alpha - g^2 \sin^2 \alpha$$

$$\frac{v_0^2}{R}$$

$$a_0 = \frac{v^2}{R} \cos 60 + (-g \sin \alpha) \sin 60$$

$$a_0 = \sqrt{\left(\frac{v^2}{R}\right)^2 + (-g \sin \alpha)^2}$$

$$g^2 \text{tg}^2 \alpha = \frac{v^4}{R^2} + g^2 \sin^2 \alpha$$

$$\frac{V_0^2}{l} = 2g(1 - \cos \alpha) \quad \frac{mV_0^2}{2} = mgl(1 - \cos \alpha)$$

$T \cos \alpha = mg$
 $T \sin \alpha = ma$
 $a = g \tan \alpha$
 $\vec{a} = \frac{v^2}{R} \vec{r} + g \sin \alpha \vec{z}$

$$m a_o = T \sin \alpha$$

$$T \cos \alpha = mg$$

$$\tan \alpha = \frac{a_o}{g}$$

$$m a_z = T \cos \alpha - mg$$

$$m a_x = T \sin \alpha$$

$$\frac{v^2}{R}$$

$$\left(\frac{T \sin \alpha}{m} \right)^2 + \left(\frac{T \cos \alpha}{m} - g \right)^2 = a^2$$

$$a^2 = \frac{T^2 \sin^2 \alpha}{m^2} + \frac{T^2 \cos^2 \alpha}{m^2} - \frac{2gT \cos \alpha}{m} + g^2$$

$$a^2 = \frac{T^2}{m} - \frac{2gT \cos \alpha}{m} + g^2$$

$$\frac{mV_0^2}{2} = \frac{mV_0^2}{2} + mgl(1 - \cos \alpha)$$

$$\frac{mV_0^2}{2} = \frac{m}{2} R \sqrt{g^2 + g^2 \tan^2 \alpha - g^2 \sin^2 \alpha}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

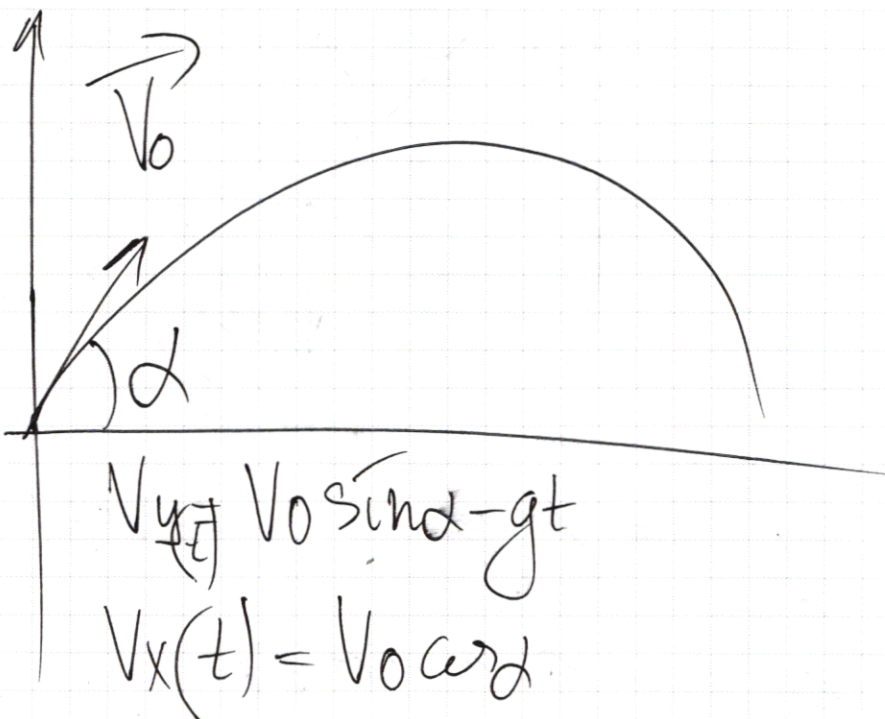
$$V_0 = 10 \text{ м/с}$$

$$\tau = 0,5 \text{ с}$$

$$V = 7 \text{ м/с}$$

+

$$g = 10 \text{ м/с}^2$$



$$V(t) = \sqrt{V_y^2 + V_x^2} = \sqrt{V_0^2 \sin^2 \alpha - 2V_0 \sin \alpha gt + g^2 t^2 + V_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$V(t) = \sqrt{V_0^2 - 2V_0 \sin \alpha gt + g^2 t^2}$$

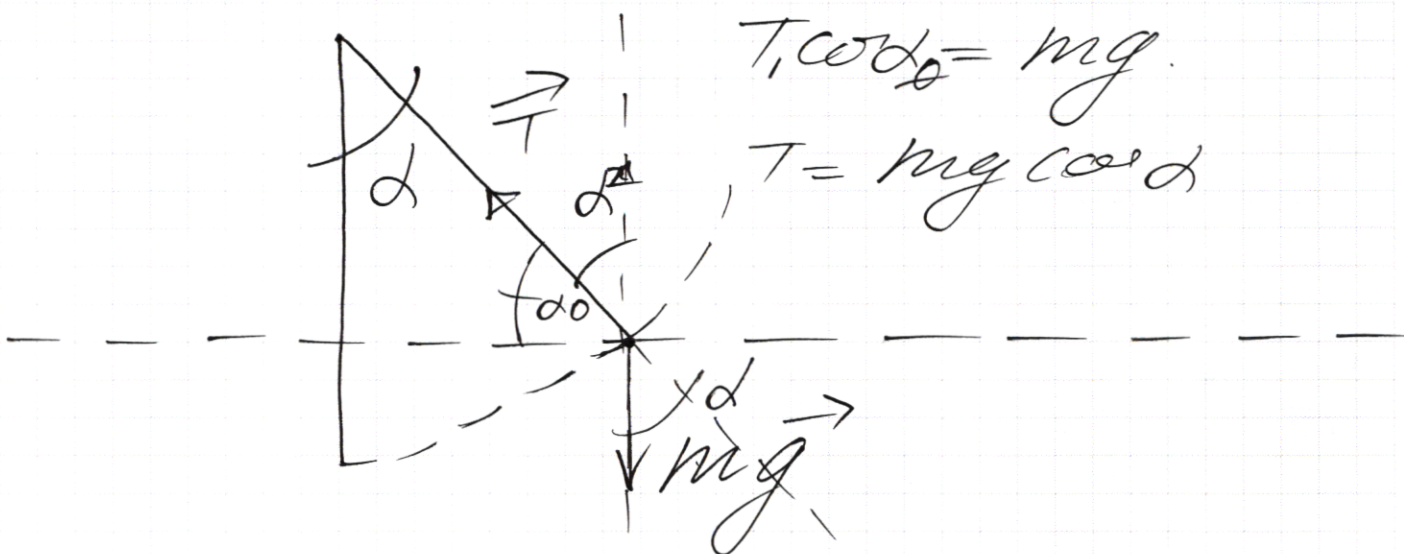
$$V^2 = V_0^2 - 2V_0 \sin \alpha g \tau + g^2 \tau^2$$

$$2V_0 \sin \alpha g \tau = V_0^2 - V^2 + g^2 \tau^2$$

$$\sin \alpha = \frac{V_0^2 - V^2 + g^2 \tau^2}{2V_0 g \tau}$$

$$\tau = \frac{V_0 \sin \alpha}{g} = \frac{V_0}{g}$$

$$\frac{V_0^2 - V^2 + g^2 \tau^2}{2V_0 g \tau}$$



$$T \cos \alpha = mg$$

$$T = mg \cos \alpha$$

$$\frac{m v_0^2}{2} = mg l (1 - \cos \alpha)$$

$$\frac{v_0^2}{l} = 2g(1 - \cos \alpha)$$

$$\frac{m v_0^2}{l} = T - mg$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$P_T \gamma^2 R = N$$

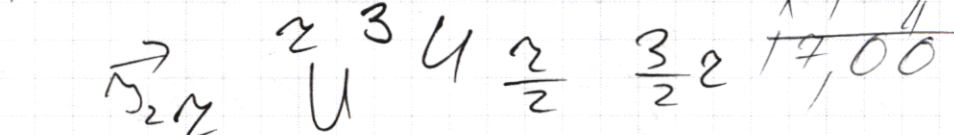
$$N = \left(\frac{2}{3} \frac{U}{2} \right)^2 \cdot 2$$

$$P_1 = \frac{4}{9} \frac{U^2}{2}$$

$$\gamma_1 \cdot 2 = \gamma_2 \left(\frac{3}{2} \cdot 2 \right)$$

$$\gamma_1 = \frac{3}{2} \gamma_2$$

$$P_1 = \frac{4}{9} \cdot \frac{18^2}{5}$$

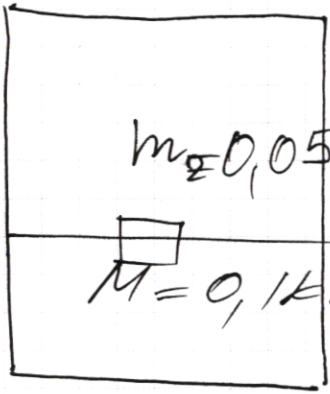
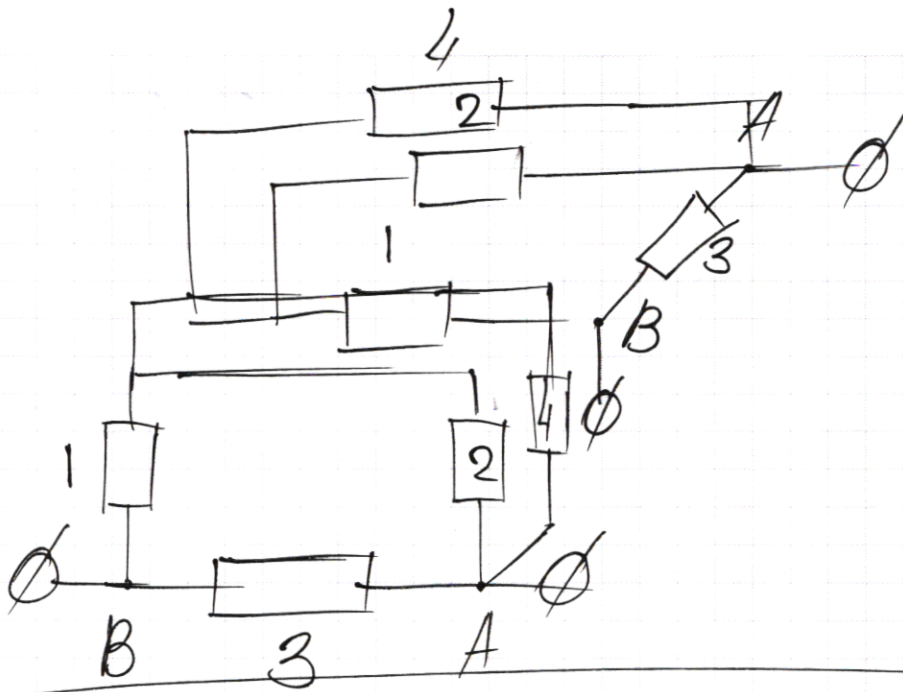


$$U^2 \cdot \frac{5}{3} \frac{4}{2} = \frac{5}{2} \gamma_2$$

$$\frac{U}{R_0} = \gamma_1 + \gamma_2 \quad \gamma_2 = \frac{24}{32}$$

$$\frac{5U}{32} = \frac{3}{2} \gamma_2 + \gamma_2$$

$$\frac{\frac{3}{2} \cdot 2 \cdot 2}{\frac{3}{2} \cdot 2 + 2} = \frac{\frac{3}{2} \cdot 2^2}{\frac{5}{2} \cdot 2} = \left(\frac{3}{5} \right)$$



$$t_0 = 0^\circ\text{C}$$

$$t_1 = 20^\circ\text{C}$$

$$\tau = 50 \text{ мин}$$

$$m_1 = 12$$

$$\lambda m_1 = N \tau$$

$$\Delta t = 1^\circ\text{C}$$

$$N = \frac{\lambda m_1}{\tau}$$

$$\lambda m_2 = \frac{\lambda m_1}{\tau} t_1$$

$(M+m)$

при $t = 0^\circ\text{C}$

$$t_1 = \tau \frac{m_2}{m_1}$$

$$c(M+m) \Delta t = \frac{\lambda m_1}{\tau} \cdot \tau$$

$$t_1 = \tau \frac{m_2}{m_1}$$

$$\tau = \frac{\tau c(M+m) \Delta t}{\lambda m_1}$$

$$t_1 = 5 \text{ мин} \cdot \frac{502}{12} =$$

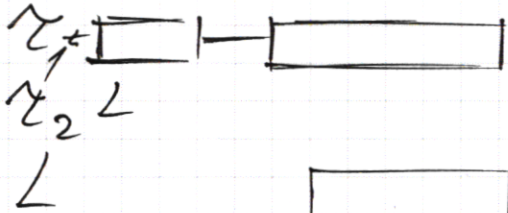
Момент на валу на зубе
на 1 градус $^\circ\text{C}$.

250 мин

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №
(Нумеровать только чистовики)

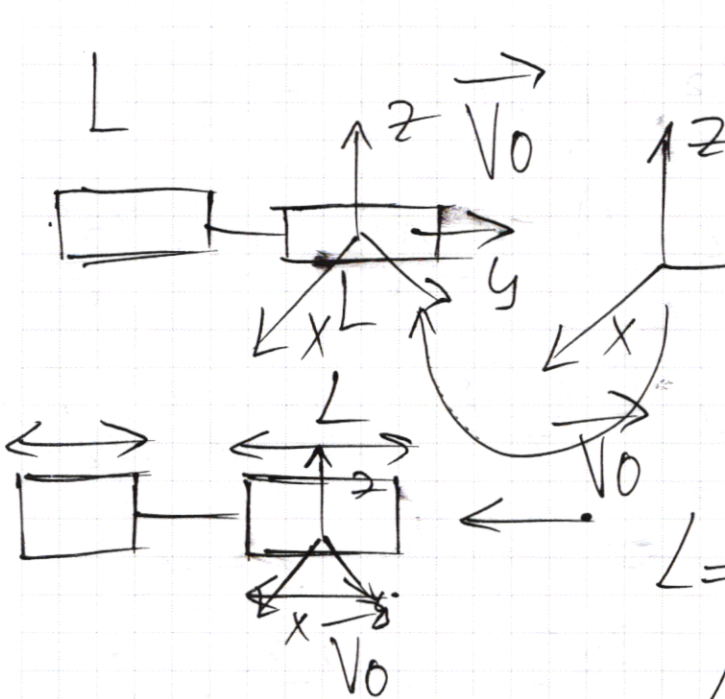
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА
 $L = 1/2 M$



① $L = V_0 \tau_1 - \frac{a \tau_1^2}{2}$



② $L = V_0 \tau_2 - a \tau_1 \tau_2 - \frac{a \tau_2^2}{2}$



$a = \frac{2(V_0 \tau_1 - L)}{\tau_1^2}$

$L = (V_0 - \frac{2V_0 \tau_1 - 2L}{\tau_1}) \tau_2$

$L = V_0 \tau_1 - \frac{a \tau_1^2}{2}$

$L = V_0 \tau_2 - \frac{a \tau_2^2}{2}$

$V_0 - at = v(t)$

$\int (V_0 - at) dt = V_0 t - \frac{at^2}{2}$

$V_0^2 = (V_0 - at)^2$

$(V_0 - at) = V_0$

$L = V_0 \tau_1 - \frac{a \tau_1^2}{2}$

$L = (V_0 - at) \tau_2 - \frac{a \tau_2^2}{2}$

$$L = v_0 \tau_1 - \frac{a \tau_1^2}{2}$$

$$L = (v_0 - a \tau) \tau_2 - \frac{a \tau_2^2}{2}$$

$$\frac{a \tau_1^2}{2} = v_0 \tau_1 - L$$

$$a = \frac{2(v_0 \tau_1 - L)}{\tau_1^2}$$

$$L = \left(v_0 - \frac{2(v_0 \tau_1 - L)}{\tau_1} \right) \tau_2 - (v_0 \tau_1 - L) \frac{\tau_2^2}{\tau_1^2}$$

$$L = v_0 \tau_2 - \frac{2(v_0 \tau_1 - L) \tau_2}{\tau_1} - (v_0 \tau_1 - L) \frac{\tau_2^2}{\tau_1^2}$$

$$L = v_0 \tau_2 - 2v_0 \tau_2 + \frac{2L \tau_2}{\tau_1} - \frac{v_0 \tau_2^2}{\tau_1} + L \frac{\tau_2^2}{\tau_1^2}$$

$$L = -v_0 \tau_2 + \frac{v_0 \tau_2^2}{\tau_1} + \frac{2L \tau_2}{\tau_1} + L \frac{\tau_2^2}{\tau_1^2}$$

$$v_0 \left(\tau_2 + \frac{\tau_2^2}{\tau_1} \right) = L \left(\frac{\tau_2^2}{\tau_1^2} + 2 \frac{\tau_2}{\tau_1} - 1 \right)$$

$$v_0 \left(\tau_2 + \frac{\tau_2^2}{\tau_1} \right) = L \left(\frac{\tau_2^2}{\tau_1^2} + 2 \frac{\tau_2}{\tau_1} - 1 \right)$$

$$\frac{m v_0^2}{2} - \frac{m v_0^2}{2}$$

$$\frac{m v_0^2}{2} - \frac{m v_0^2}{2} = k m g d$$

$$\frac{m v_0^2}{2} - m$$

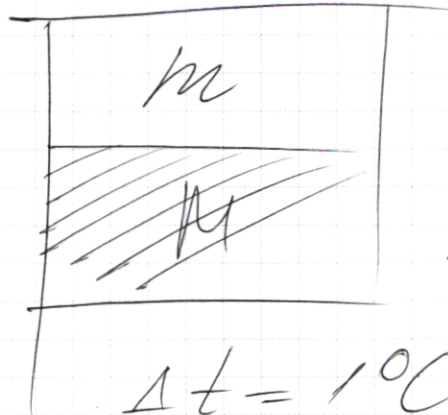
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N4

$$M = 0,1 \text{ кг}$$

$$m = 0,05 \text{ кг}$$

$$t_0 = 0^\circ\text{C}$$



$$t_1 = 20^\circ\text{C}$$

$$\tau = 5 \text{ мин}$$

$$m_1 = 12 \text{ л}$$

$$m_1 \lambda = N \tau$$

$$N = \frac{m_1 \lambda}{\tau}$$

$$\Delta t = 1^\circ\text{C}$$

$$c(m+M) \Delta t_0 = N t$$

$$c(m+M) \Delta t_0 = \frac{m_1 \lambda}{\tau} t$$

t при котором
дуя раскиснет

$$m \lambda = N t_0$$

$$m \lambda = \frac{m_1 \lambda}{\tau} t_0$$

$$t_0 = \frac{\tau m}{m_1}$$

$$\frac{v_0^2}{R} = g \sin \alpha \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \alpha} - 1}$$

$$v_0^2 = gR \sin \alpha \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \alpha} - 1}$$

$$\frac{mv_0^2}{2} = \frac{m}{2} gR \sin \alpha \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \alpha} - 1} + mgyR(1 - \cos \alpha)$$

$$v_0^2 = gR \sin \alpha \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \alpha} - 1} + 2gR(1 - \cos \alpha)$$

$$\frac{v_0^2}{R} = g \left(\sin \alpha \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \alpha} - 1} + 2(1 - \cos \alpha) \right)$$

$$g \psi = 2g(1 - \cos \alpha) \quad \left. \begin{array}{l} \sqrt{4} \\ \frac{1}{2} \sqrt{\frac{4}{\sqrt{3}} - 1} + \end{array} \right\}$$

$$g \psi = 2g - 2g \cos \alpha \quad 2 \left(4 - \frac{\sqrt{3}}{2} \right)$$

$$2g \cos \alpha = g(2 - 4) \quad \frac{1}{2} \sqrt{\frac{4}{\sqrt{3}} - 1} + 2 - \sqrt{3}$$

$$\cos \alpha = \frac{2 - 4}{2}$$

$$\cos \alpha = 1 - \frac{\psi}{2} = 1 - \sin \alpha \sqrt{\frac{1}{\cos^2 \alpha} - 1}$$

$$\begin{array}{r} 12,6 \\ \underline{4,2 \cdot 3 \cdot 0,15} \\ 3,3 \end{array} \quad \begin{array}{r} 4 \cdot 0,15 \\ \underline{10^3 \cdot 3} \\ 1 \cdot 10^3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 4,2 \\ \underline{12,6} \\ 12,6 \\ \underline{\times 0,15} \\ 12,6 \\ 12,6 \end{array} \quad \begin{array}{r} 12 \frac{3}{5} \\ \underline{3 \frac{3}{10}} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 0,15 \\ \underline{1,60} \\ 0,6 \end{array}$$